

## درس سیالات پیشرفته - استاد مربوطه: یعقوبی

### تمرین‌های فصل دوم

برای یک جریان تراکم ناپذیر دو بعدی که مولفه‌های سرعت آن در زیر داده شده است، تابع جریان را پیدا کنید.

$$v_r = U \left( 1 - \frac{a^2}{r^2} \right) \cos\theta$$

$$v_\theta = -U \left( 1 + \frac{a^2}{r^2} \right) \sin\theta$$

---

مقدار شتاب را در نقطه (۱،۰،۱) برای سرعت  $v = (yz+t, xz-t, xy)$  پیدا کنید.

---

برای یک سیال تراکم ناپذیر با میدان‌های جریان زیر، مقدار مولفه نامعلوم سرعت را به دست آورید.

$$v_x = x^2 + y^2 + a^2 \quad v_y = -xy - yz - xz \quad v_z = ?$$

$$v_x = \ln(x^2 + z^2) \quad v_y = \sin(x^2 + z^2) \quad v_z = ?$$

$$v_x = ? \quad v_y = \frac{y}{(x^2 + y^2 + z^2)^{3/2}} \quad v_z = \frac{z}{(x^2 + y^2 + z^2)^{3/2}}$$

---

برای میدان جریانی با تابع جریان  $\psi = A \ln(x^2 + y^2) + yS$ ، میزان دبی جریان خروجی در واحد عرض جریان، د

جهت  $z$  بین نقاط  $(1,1,0)$  و  $(0,-1,-1)$  چه میزان است؟